

Lemme: K compact $(U_i)_{i \in I}$ recouvrement de K par des ouverts
 | alors il existe $n > 0$ tel que $\forall x \in K \exists i \in I B(x, r_i) \subset U_i$
 | n est appelé nombre de Lebesgue du recouvrement.

dem Par l'abande. Supposons $\forall n \in \mathbb{N}^* r_n = \frac{1}{n} \exists x_n$ tel que
 $\forall i \in I, B(x_n, r_n) \not\subset U_i$. K compact $\Rightarrow \exists \varphi: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ croissante
 $x_{\varphi(n)} \xrightarrow[n \rightarrow \infty]{} x_0$. $\exists i_0$ tel que $x_0 \in U_{i_0}$ et $\exists \alpha > 0$ tq $B(x_0, \alpha) \subset U_{i_0}$
 (car recouvrement) (car U_{i_0} ouvert)

Or, pour N grand $n > N$ $r_{\varphi(n)} < \frac{\alpha}{2}$ et $d(x_{\varphi(n)}, x_0) < \frac{\alpha}{2}$

Alors $B(x_{\varphi(n)}, r_{\varphi(n)}) \subset U_{i_0}$

